



i-MODUL KECEMERLANGAN SPM SMKA DAN SABK 2023

SIJIL PELAJARAN MALAYSIA 2023 (SET 1)

MATEMATIK TAMBAHAN

Kertas 1

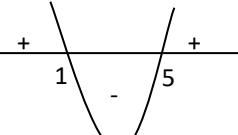
PERATURAN PEMARKAHAN

UNTUK KEGUNAAN PEMERIKSA SAHAJA

AMARAN

Peraturan pemarkahan ini SULIT dan **Hak Cipta Majlis Pengetua SMKA dan Majlis Pengetua SABK**. Kegunaan khusus untuk guru-guru tingkatan 5 di SMKA dan SABK sahaja. Peraturan ini tidak boleh dikeluarkan dalam apa jua bentuk media cetak.

CADANGAN PERATURAN PEMARKAHAN (SKEMA)
Kertas 1

Soalan	Skema Pemarkahan	Sub Markah	Markah Penuh
1	$x^2 + 3x = px - 1$ $(3-p)^2 - 4(1)(1) \geq 0$ $(p-1)(p-5) \geq 0$ dan  $p \leq 1, \quad p \geq 5$	K1 K1 K1 N1	4
2	$3(2+3x)^2(3)$ $\frac{(1+x)(9)(2+3x)^2 - (2+3x)^3(1)}{(1+x)^2}$ $\frac{(2+3x)^2(7+6x)}{(1+x)^2}$	K1 K1 N1	3
3	$\frac{40-\mu}{\sigma} = -0.674$ atau $\frac{75-\mu}{\sigma} = 1.281 \parallel 1.282$ $\frac{40-\mu}{\sigma} = -0.674$ dan $\frac{75-\mu}{\sigma} = 1.281 \parallel 1.282$ Selesaikan persamaan serentak $\mu = 52.06$ $\sigma = 17.89$	K1 K1 K1 N1 N1	5
4 (a)	$\ln y = 2 \ln x - 2$ $y = \frac{x^2}{e^2}$	K1 N1	5
(b)	$4 = 2p - 2$ atau $q = 2(10) - 2$ $p = 3$ $q = 18$	K1 N1 N1	

Soalan	Skema Pemarkahan	Sub Markah	Markah Penuh
5 (a)	$\frac{\frac{3}{9p^2q}}{\frac{1}{27p^2q}} = \frac{\frac{5}{3p^2q}}{\frac{3}{9p^2q}} = \frac{1}{3}p$ Janjang Geometri dengan nisbah sepunya $r = \frac{1}{3}p$.	P1 NI	
(b)	$\frac{320}{2} [2(2) + (320 - 1)(2)]$ 102720	K1 N1	
	$\frac{12}{2} [2(2000) + (12 - 1)(900)]$ 83400	K1 N1	
	Syarikat A. Kerana jumlah gaji lebih tinggi.	N1	7
6 (a)	$\delta x = \frac{b-a}{n}$ dan $L_{\text{segi empat}} = y_i \delta x$ $L_{\text{jumlah}} = \sum_{i=1}^n y_i \delta x$ Apabila $n \rightarrow \infty$, $\delta x \rightarrow 0$,	K1	
	$L_{\text{jumlah}} = \lim_{\delta x \rightarrow 0} \sum_{i=1}^n y_i \delta x$ $L_{\text{jumlah}} = \int_a^b y \, dx$	K1 N1	
(b)	$L = \int_1^4 3x^{-2} \, dx$ $L = \left[-\frac{3}{x} \right]_1^4$ $L = \left[-\frac{3}{4} \right] - \left[-\frac{3}{1} \right]$ $L = 2\frac{1}{4}$	K1 N1	5

Soalan	Skema Pemarkahan	Sub Markah	Markah Penuh
7 (a)	$5^{x-1} = 5^{2(\frac{7-y}{2})}$ $y = 8 - x$ $\left(\frac{h}{k}\right)^7 \text{ atau } \left(\frac{k}{h}\right)^{-x-2y}$ $y = \frac{7-x}{2}$	K1 N1 K1 N1	
(b)	$\frac{3+x\sqrt{2}}{4-\sqrt{2}} \times \frac{4+\sqrt{2}}{4+\sqrt{2}}$ $\frac{12+3\sqrt{2}+4x\sqrt{2}+2x}{4^2-(\sqrt{2})^2}$ $m = \frac{6+x}{7}, n = \frac{3+4x}{14}$	P1 K1 N1	7
8(a)	$h = 3$ $yx - 2x = 3y + 5$ $f^{-1}(x) = \frac{3x+5}{x-2}, x \neq 2$ $k = 2$	N1 K1 N1 N1	
(b)	(13,4)	N1	5
9 (a)	Ganti rumus $\cos(\theta + \theta) = \cos \theta \cos \theta - \sin \theta \sin \theta$ dan $\cos^2 \theta = 1 - \sin^2 \theta$ $1 - 2 \sin^2 \theta$	K1 N1	
(b)	$-3(1 - 2 \sin^2 \theta) = 5 - 8 \sin \theta$ $(3 \sin \theta - 2)(\sin \theta + 2) = 0$ dan sudut rujukan, $\alpha = 41^\circ 49' \parallel 41.81$ $\theta = 41^\circ 49', 138^\circ 11' \parallel 41.81, 138.19$	K1 K1 N1	5

Soalan	Skema Pemarkahan	Sub Markah	Markah Penuh
10	$\theta = \frac{2\pi}{6} = \frac{\pi}{3}$ $\frac{1}{2} \times (5r)^2 \times \frac{\pi}{3}$ $\frac{1}{2} \times (5r)^2 \times \frac{\pi}{3} - \frac{1}{2} \times (1.5r)^2 \times \frac{\pi}{3}$ $\frac{91}{24} \pi r^2$ $\left(\frac{91}{24} \pi r^2\right) \times 3 + \pi r^2$ $\frac{99}{8} \pi r^2$	N1 K1 K1 N1 K1 N1	6
11 (a)	<p>Bilangan cara : 6</p>	K1 N1	
(b)	$(8 - 1)! = 5040$ $(7 - 1)! \times 2$ 1440 cara	K1 K1 N1	5

Soalan	Skema Pemarkahan	Sub Markah	Markah Penuh
12 (a)	$\overrightarrow{OB} = 4i + 3j$	P1	
(b)	$\overrightarrow{BC} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AC}$ $\overrightarrow{BC} = -9i + (2i - 5j)$ $\overrightarrow{BC} = -7i - 5j$	K1 N1	
(c)	$\overrightarrow{CS} = \overrightarrow{CO} + \overrightarrow{OS}$ $\overrightarrow{CS} = 3i + 2j + (2i + kj)$ $\overrightarrow{CS} = 5i + (2 + k)j \quad \dots\dots(1)$ $(6i + 9j)t = 5i + (2 + k)j \dots\dots(2)$ <p>Bandingkan 1 dan 2</p> $t = \frac{5}{6} \text{ jam}$ $h = 50 \text{ minit}$ $k = 5.5$	K1 K1 N1 N1	
			7
13 (a)	$B(x, y) = \left(\frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2} \right)$ <p>B akan menjadi titik tengah AC.</p>	K1 N1	
(b)	$\frac{4(4t) + 3(3h)}{3+4} = h \text{ atau } \frac{4(t) + 3(4k)}{3+4} = k$ $16\left(\frac{-5k}{4}\right) = -2h \text{ atau } 4\left(\frac{-2h}{16}\right) = -5k$ $h = 10k$	K1 K1 N1	
(c)	$\frac{1}{2} [-4(3) + 5k - 1(-1)] - [-1(5) - 1(3) - 4k] = 15$ $9k - 3 = 30 \text{ atau } 9k - 3 = -30$ $R\left(-1, \frac{11}{3}\right) \text{ dan } R(-1, -3)$	K1 K1 N1	8

Soalan	Skema Pemarkahan	Sub Markah	Markah Penuh
14 (a)	$2b + 2y + \pi y = 120$ atau $L = 2by + \frac{\pi y^2}{2}$ $L = 120y - \left(2 + \frac{\pi}{2}\right)y^2$	K1 N1	
(b)	$\frac{dL}{dy} = 120 - (4 + \pi)y$ $120 - (4 + \pi)y = 0$ $y = \frac{120}{4 + \pi}$	K1 K1 N1	
(c)	$\frac{dL}{dy} = 120 - (4 + \pi)(10)$ $\frac{dL}{dt} = (80 - 10\pi) \times \frac{1}{p}$ $\frac{80 - 10\pi}{p}$	K1 K1 N1	8
15(a)	$a > 0$ dan $N > 0$ $a > 0, a \neq 1$ dan $N > 0$	K1 N1	
(b)	penukaran asas menggunakan hukum log $-\frac{2q+p}{2(1+p)}$	K1 K1 N1	
(c)	$\ln 0.3678 = \ln e^{-a\left(\frac{10}{3}\right)}$ $a = \frac{3}{10}$ $1000(2)e^{-\frac{3}{10}(2)} = 1098$	K1 N1 N1	8